Aufgabe 1

Das Rechteck A(0|1), B(-1|1), C(-1|-1), D(0|-1) soll durch die Funktion $f(x) = a(x^4 - x^2)$ im Verhältnis 2:1 geteilt werden.

Wie muß a > 0 gewählt werden?

Aufgabe 2

Der Graph der quadratischen Funktion f geht durch die Punkte A(0|0) und B(4|0). Er schließt mit der x-Achse eine Fläche A mit dem Inhalt $\frac{8}{3}$ ein. Sein Extremum liegt im ersten Quadranten. Wie lautet die Funktionsgleichung von f?

Hinweis : Verwenden Sie als Ansatz die Linearfaktorzerlegung: $f(x) = a \cdot x \cdot (x-4)$

Aufgabe 3

f sei eine ganzrationale Funktion 3. Grades, deren Graph punktsymmetrisch zum Ursprung ist, durch den Punkt B(2|0) geht und das Quadrat A(0|0), B(2|0), C(2|-2), D(0|-2) im Verhältnis 1:5 teilt. Bestimmen Sie die Funktionsgleichung von f.

Aufgabe 4

Bestimmen Sie die Funktionsgleichung der dargestellten Funktion. Verwenden Sie auch hier als Ansatz die Linearfaktorzerlegung. Ermitteln Sie danach den Wert der schraffierten Fläche.

